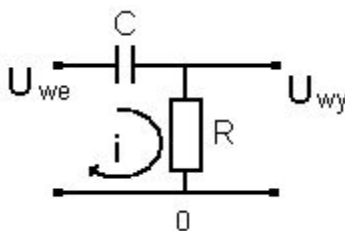


Symulacja działania filtra górnoprzepustowego na impuls napięciowy o zadanej charakterystyce

W niemal każdym bardziej zaawansowanym urządzeniu elektronicznym stosuje się filtry, których zadaniem jest np. stabilizacja napięć i prądów w układzie. Jednym z najprostszych jest filtr górnoprzepustowy, który przedstawiono na rys. 1. Rozważony w tym zadaniu układ uproszczono - posiada on wejście, do którego przykładamy napięcie U_{we} oraz wyjście, z którego odczytuje się bezprądowo napięcie U_{wy} . Napięcia te wyznacza się względem wspólnego poziomu odniesienia tzw. masy. Zwyczajowo przyjmuje się, że poziom odniesienia znajduje się na napięciu zerowym.



Rys 1. Schemat filtra górnoprzepustowego.

Układ powyższy opisuje się przy pomocy równania różniczkowego, które wyprowadzimy korzystając z podstawowych zależności prądu od napięcia dla rezystora:

$$i(t) = \frac{U(t)}{R}, \quad (1)$$

i dla kondensatora:

$$i(t) = C \frac{dU(t)}{dt}. \quad (2)$$

Dla filtra górnoprzepustowego zależność na prąd płynący przez kondensator wyniesie:

$$i(t) = C \frac{d(U_{we}(t) - U_{wy}(t))}{dt}. \quad (3)$$

Ten sam prąd płynie przez opornik R, na którym spadek napięcia wynosi U_{wy} :

$$i(t) = \frac{U_{wy}(t)}{R} \quad (4)$$

Po odjęciu stronami równań (3) i (4) otrzymamy:

$$RC \frac{dU_{wy}(t)}{dt} + U_{wy}(t) - RC \frac{dU_{we}(t)}{dt} = 0 \quad (5)$$

Równanie to posłuży do wyznaczenia $U_{wy}(t)$ dla zadanego $U_{we}(t)$. Przebieg $U_{wy}(t)$ dla zadanego impulsu $U_{we}(t)$ nazywane jest odpowiedzią układu.

Odpowiedź układu można wyznaczyć z równania (5) dla napięć sinusoidalnych:

$$U_{wy} = \frac{\omega RC}{\sqrt{\omega^2 R^2 C^2 + 1}} U_{we}, \quad (6)$$

Różnica faz pomiędzy sinusoidą wejściową a wyjściową wyniesie:

$$\Delta\phi = \arctan(\omega RC)^{-1}. \quad (7)$$

gdzie $\Delta\phi = 2\pi\omega t$

Proszę zauważyć że dla $\omega \ll 1/RC$ U_{wy} jest bliskie zeru, zaś dla $\omega \gg 1/RC$ $U_{wy} \approx U_{we}$.

Zadania:

Zbadać odpowiedź filtra górno-przepustowego rozwiązując równanie różniczkowe (5) dla:

1) napięcia testowego:

$$U_{we}(t) = \cos(at)$$

porównać wynik z wzorami analitycznymi (6) i (7).

2) impulsu w kształcie funkcji Gaussa:

$$U_{we}(t) = \exp\left(-\frac{(t-t_0)^2}{2\tau^2}\right) \text{V} + 1 \cdot \text{V}$$

dla $\tau = 1 \text{ ms}$ i $\tau = 0.01 \text{ ms}$

w przedziale czasowym od 0 do 10τ ,

przyjąć $t_0 = 5\tau$, $C = 10 \mu\text{F}$, $R = 1 \text{ k}\Omega$.

Przyjąć brak prądu na kondensatorze dla $t=0$.

Odpowiednie równanie należy rozwiązać metodą Eulera i Rungego-Kutty 4-go rzędu,

Proszę przemyśleć problem warunku początkowego.